

## Het standaard proefglas

### 3 maximumscore 4

- Het volume (in  $\text{mm}^3$ ) is  $\int_{0,0}^{55,3} \pi(f(x))^2 dx$  1
- Beschrijven hoe deze integraal (met de GR) berekend kan worden 1
- De uitkomst van deze integraal is (ongeveer) 7994 1
- Het antwoord: 8 ( $\text{cm}^3$ ) 1

### 4 maximumscore 5

- ( $C(87,5; 32,5)$  is de top van de parabool, dus) een formule voor kromme  $CD$  is van de vorm  $y = a(x - 87,5)^2 + 32,5$  2
- $D(155,0; 23,0)$  is een punt van de kromme  $CD$ , dus  $23,0 = a(155,0 - 87,5)^2 + 32,5$  1
- Beschrijven hoe deze vergelijking opgelost kan worden 1
- Dit geeft voor  $a$  de waarde  $-0,002$  (of nauwkeuriger) (dus een formule voor kromme  $CD$  is  $y = -0,002 \cdot (x - 87,5)^2 + 32,5$ ) 1

of

- (De coördinaten van  $C$  zijn  $(87,5; 32,5)$ , dus)  $\overline{OC} = \begin{pmatrix} 87,5 \\ 32,5 \end{pmatrix}$  1
- ( $\overline{OE} = \overline{OD} - \overline{OC}$ , dus) de coördinaten van  $E$  zijn  $(67,5; -9,5)$  1
- De kromme  $OE$  heeft een formule van de vorm  $y = ax^2$ , dus  $-9,5 = a \cdot 67,5^2$  1
- Dit geeft voor  $a$  de waarde  $-0,002$  (of nauwkeuriger) 1
- Dus een formule voor kromme  $CD$  is  $y = -0,002 \cdot (x - 87,5)^2 + 32,5$  1

### 5 maximumscore 6

- $50 \text{ ml} = 50000 \text{ mm}^3$  1
- Gevraagd wordt de waarde van  $h$  waarvoor  $\int_{55,3}^h \pi(g(x))^2 dx = 50000$ , waarbij  $h$  de  $x$ -coördinaat van  $P$  is 1
- Een primitieve van  $-x^2 + 175x - 6600$  is  $-\frac{1}{3}x^3 + 87,5x^2 - 6600x$  1
- $\pi\left(\left(-\frac{1}{3}h^3 + 87,5h^2 - 6600h\right) - \left(-\frac{1}{3} \cdot 55,3^3 + 87,5 \cdot 55,3^2 - 6600 \cdot 55,3\right)\right) = 50000$  1
- Beschrijven hoe deze vergelijking opgelost kan worden 1
- ( $h \approx 81$ , dus) de  $x$ -coördinaat van  $P$  is 81 1